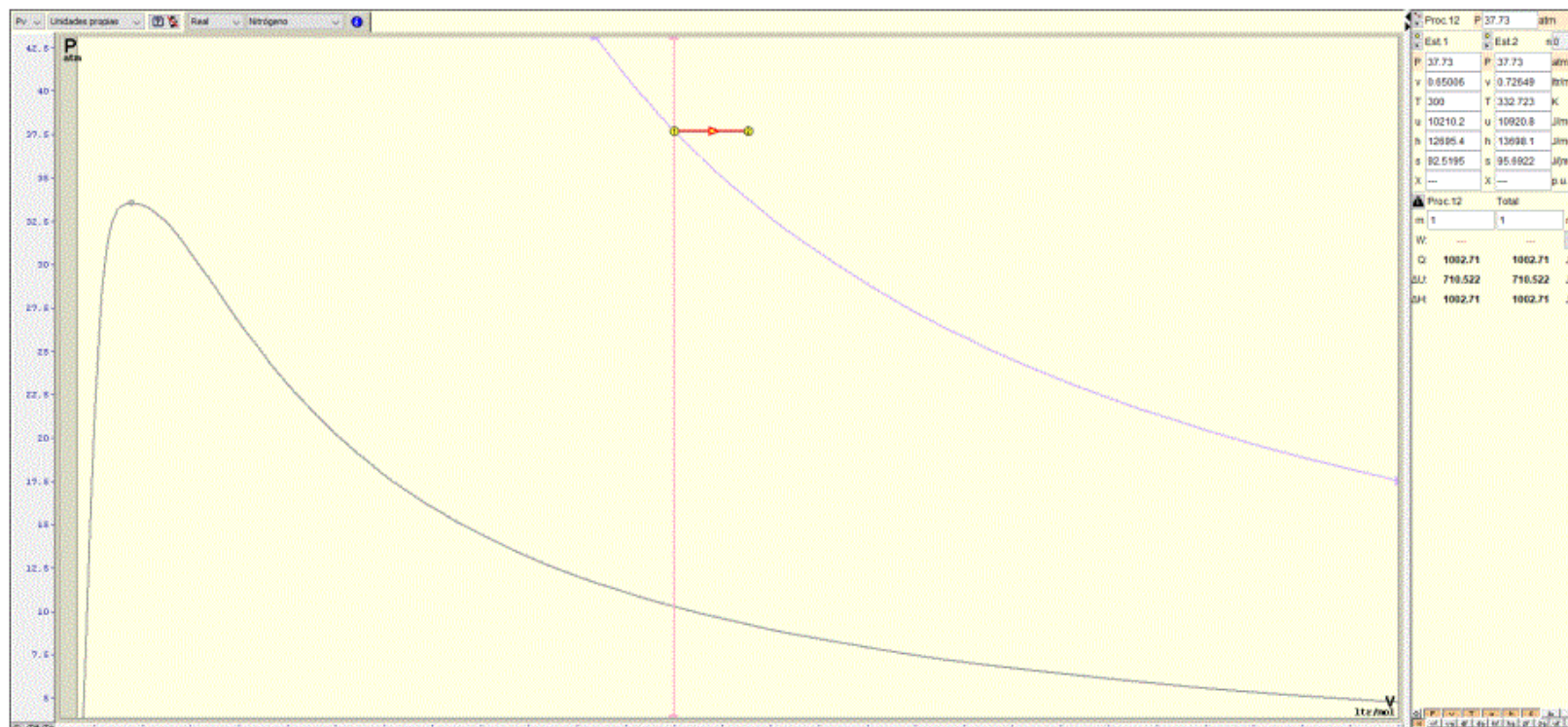


Clase 70 4 Enero 2021

Título de la nota

15/12/2020



Obtención de la presión de un gas con el modelo tipo Clausius	
Introducir los valores en las celdas de color amarillo	
Tc (K)	126.15
V sistema (L/mol)	0.6500
pc (atm)	33.5400
a (atm ² ·K/mol ²)	169.7893
b (L/mol)	0.0130
R (atm·L/mol·K)	0.082
T sistema (K)	300.00
c (L/mol)	0.0256
Vc (L/mol)	0.0901
p ideal (atm)	37.8462
p real (atm)	37.3781
Dr. Juan Carlos Vázquez Lira UNAM FES Zaragoza 2020	

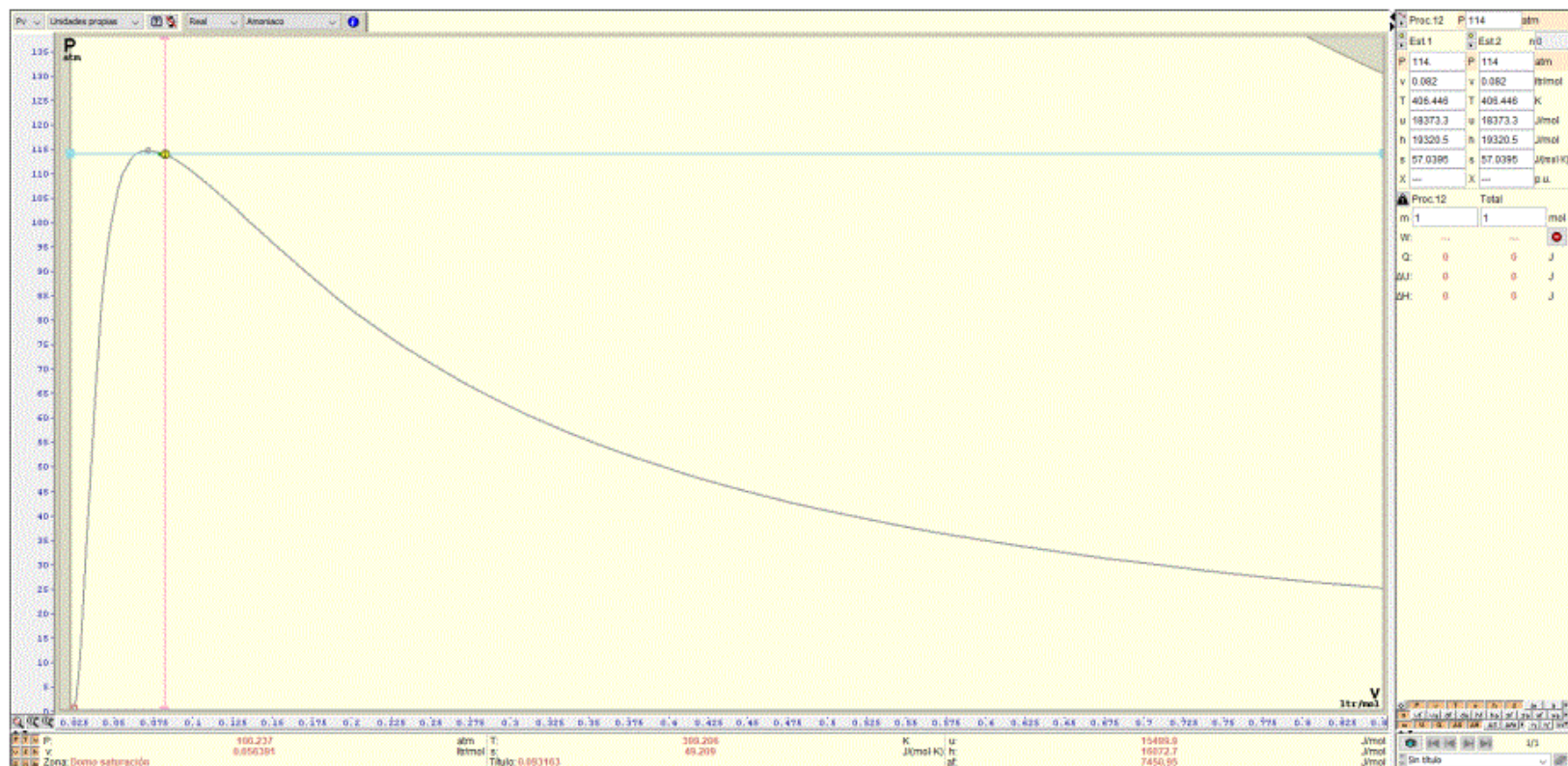
$$p = \frac{RT}{(V-b)} - \left[\frac{a}{(V+c)T} \right]$$



Obtención de la presión de un gas con el modelo tipo Redlich-Kwong	
Introducir los valores en las celdas de color amarillo	
Tc (K)	126.26
V sistema (L/mol)	0.6500
pc (atm)	33.5400
a (atm ² ·K ^{1.5} /mol ²)	15.2628
b (L/mol)	0.0268
R (atm·L/mol·K)	0.082
T sistema (K)	300.00
p ideal (atm)	37.8462
p real (atm)	37.4550
Dr. Juan Carlos Vázquez Lira UNAM FES Zaragoza 2020	

$$p = \frac{RT}{(V-b)} \left[\frac{a}{(V^2 + Vb)T^{1.5}} \right]$$





Obtención de ecuación cúbica de la temperatura tipo Redlich-Kwong

Introducir los valores en las celdas de color amarillo

Tc (K)	405.6000
V (L/mol)	0.0820
pc (atm)	111.3000
p sistema (atm)	114.0000
a (atm·L ² /mol ²)	85.6285
b (L/mol)	0.0259
R (atm·L/mol·K)	0.082

Modelo 2

$$T^3 - T \left[\frac{p^2(\bar{V}-b)^2}{R^2} - \frac{a^2(\bar{V}-b)^2}{R^2(\bar{V}^2 + \bar{V}b)} \right] = 0$$

T ³	T ²	T	Cte
1	0	-6081.1000	-43820057.1337

T ideal (K) 114.0000
T real (K) 358.302

Resolución de la ecuación tipo AT³+BT²+CT+D=0

Obtención de ecuación cúbica de la temperatura tipo Clausius

Introducir los valores en las celdas de color amarillo

Tc (K)	405.60
V sistema (L/mol)	0.08
pc (atm)	111.3000
p sistema (atm)	114.0000
a (atm·L ² /mol ²)	1700.6313
b (L/mol)	-0.0022
R (atm·L/mol·K)	0.082
c (L/mol)	0.0396
Vc (L/mol)	0.0725

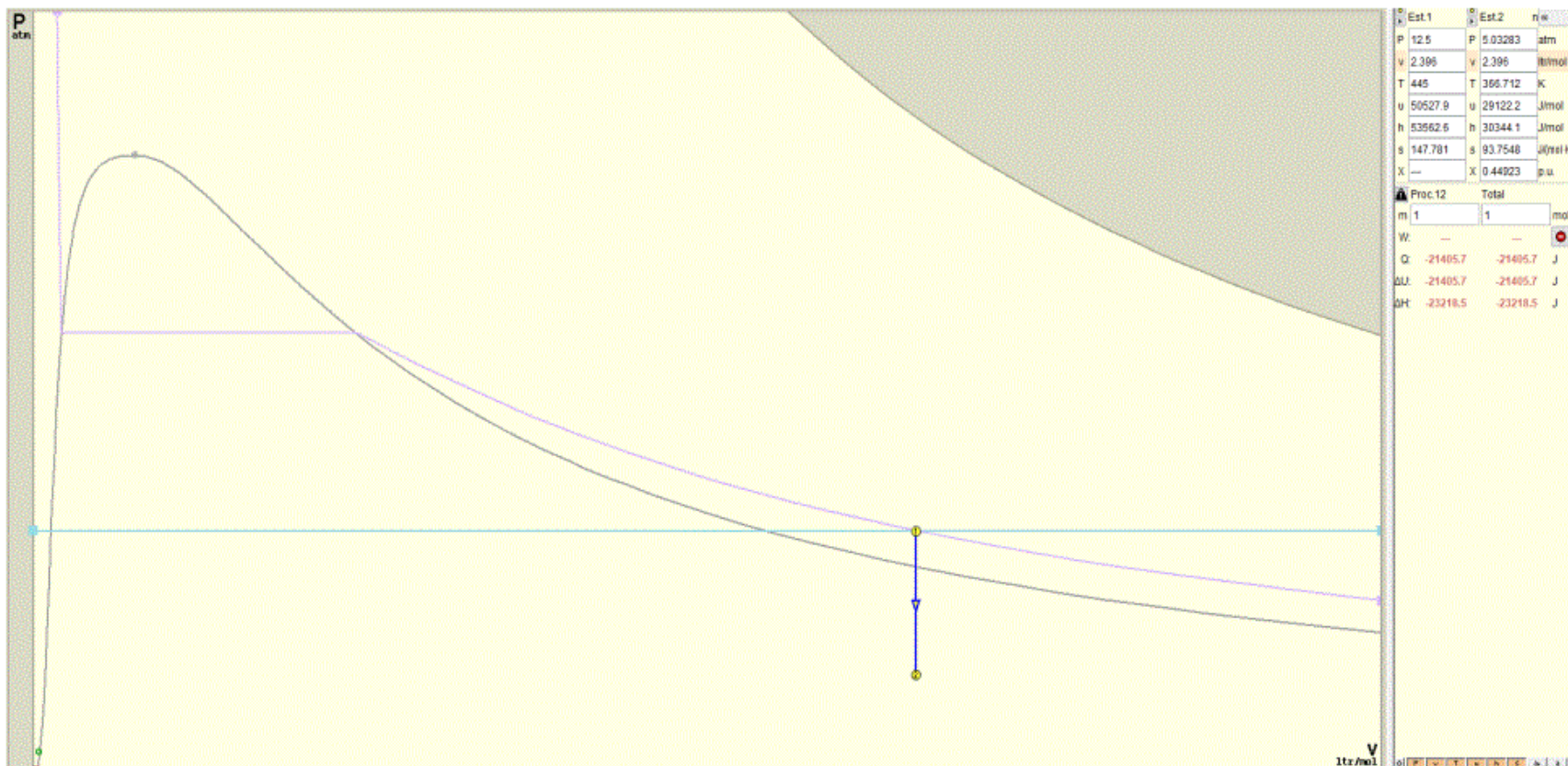
Modelo

$$T^3 - T \left[\frac{\bar{V}p - pb}{R} - \frac{a(\bar{V}-b)}{R(\bar{V}+c)} \right] = 0$$

T ³	T ²	T	Cte
1.0000	-117.0672	-118185.4487	

T ideal (K) 114.0000
T real (K) 407.2622

Resolución de la ecuación tipo AT³+BT²+CT=0



Obtención de la ecuación cúbica del volumen modelo Clausius

Introducir los valores en las celdas de color amarillo

Tc (K)	469.60
T sistema (K)	445.00
pc (atm)	33.3000
p sistema (atm)	12.5000
a (atm ² L ² /mol ²)	2821.6846
b (L/mol)	0.0149
R (atmL/molK)	0.082
c (L/mol)	0.1296
Vc (L/mol)	0.3040

Modelo

$$\bar{v}^3 + \bar{v}^2 \left[2c - b - \frac{RT}{p} \right] + \bar{v} \left[c^2 - \frac{2RTc}{p} - 2cb + \frac{a}{p^2} \right] - \left[c^2 \left(b + \frac{RT}{p} \right) + \frac{ab}{p^2} \right] = 0$$

v ³	v ²	v	Cte
1.0000	-2.6748	0.8420	-0.0730

V ideal (L/mol) 2.9192
V real (L/mol) 2.3264

Obtención de la ecuación cúbica del volumen modelo Redlich-Kwong

Introducir los valores en las celdas de color amarillo

Tc (K)	469.60
T sistema (K)	445.00
pc (atm)	33.3000
p sistema (atm)	12.5000
a (atm ² L ² /mol ²)	412.8045
b (L/mol)	0.1003
R (atmL/molK)	0.082

Modelo

$$\bar{v}^3 - \bar{v}^2 \left[\frac{RT}{p} \right] - \bar{v} \left[b^2 + \frac{bRT}{p} - \frac{a}{pT^{0.5}} \right] - \left[\frac{ab}{pT^{1.5}} \right] = 0$$

v ³	v ²	v	Cte
1.0	-2.9192	1.2628	-0.1570

V ideal (L/mol) 2.9192
V real (L/mol) 2.4252

Z { avance de Van der Waals
generalizada { variables reducidas

$$= \frac{\bar{V}_{\text{real}}}{\bar{V}_{\text{ideal}}} = 1 \quad > 1 \text{ repulsión}$$
$$< 1 \text{ atracción}$$

$PV = ZnRT$

$PV = ZRT$

Variables reducidas (adimensionales)

$$T_r = \frac{T_{sis}}{T_c} \quad p_r = \frac{p_{sis}}{p_c}$$

$$V_r = \frac{\bar{V}_{sis}}{\bar{V}_c}$$

Densidad $\rho = \frac{m}{V}$

$$Z = \frac{P\bar{V}}{RT}$$

$$P = \frac{RT}{\bar{V}-b} - \frac{a}{\bar{V}^2}$$

$$Z = \frac{\bar{V}P}{RT} = \frac{\bar{V}}{RT} \left[\frac{RT}{\bar{V}-b} - \frac{a}{\bar{V}^2} \right]$$

$$Z = \frac{\bar{V}}{\bar{V}-b} - \frac{a}{\bar{V}RT} \frac{\bar{V}}{\bar{V}-b} = \frac{1}{1 - \frac{b}{\bar{V}}} - \frac{a}{\bar{V}RT} \frac{1}{1 - \frac{b}{\bar{V}}}$$

$$\frac{1}{1 - \frac{b}{\bar{V}}} = 1 + \frac{b}{\bar{V}} + \left(\frac{b}{\bar{V}}\right)^2 + \left(\frac{b}{\bar{V}}\right)^3 + \dots$$

$$Z = 1 + \frac{b}{\bar{v}} + \left(\frac{b}{\bar{v}}\right)^2 + - \frac{a}{\bar{v}RT}$$

$$= 1 + \frac{1}{\bar{v}} \left[b - \frac{a}{RT} \right] + \frac{b^2}{\bar{v}^2} + \dots$$

$$\frac{1}{\bar{v}} = \frac{P}{RTZ} \quad P\bar{v} = ZRT$$

$$Z = 1 + \frac{1}{RTZ} \left[b - \frac{a}{RT} \right] P + \left[\frac{b^2}{R^2 T^2 Z^2} \right] P^2$$

$$Z = 1 + \frac{1}{RT} \left[b - \frac{a}{RT} \right] P$$

a p bajo $Z = 1$ $Z = f(T, P)$

$$\left(\frac{\partial Z}{\partial P} \right)_T = \frac{1}{RT} \left[b - \frac{a}{RT} \right]$$

$$b - \frac{a}{RT_B} = 0$$

Temp. de Boyle

Segundo coeficiente virial.

$$Z = \frac{P\bar{V}}{RT} = 1 + \frac{1}{\bar{V}} \left[b - \frac{a}{RT} \right]$$

$$P\bar{V} = RT \left\{ 1 + \frac{1}{\bar{V}} \left[b - \frac{a}{RT} \right] \right\}$$

$$b = \frac{RT_c}{8 p_c}$$

$$a = \frac{27}{64} \frac{R^2 T_c^2}{p_c}$$

$$b - \frac{a}{RT_B} = 0$$

$$T_B = \frac{a}{bR} = \frac{\frac{27/64 R^2 T_c^2}{p_c}}{\frac{RT_c}{8 p_c} R}$$

$$T_B = \frac{27}{8} T_c$$

$$p\bar{v} = RT \left[1 + \frac{B(T)}{\bar{v}} + \frac{C(T)}{\bar{v}^2} + \frac{D(T)}{\bar{v}^3} \right]$$

Kammerlingh - Onnes (ec. virial)

$$Z = 1 + \frac{B(T)}{\bar{v}} + \frac{C(T)}{\bar{v}^2} + \frac{D(T)}{\bar{v}^3}$$

$$Z = 1 + B'(T)p + C'(T)p^2 + D'(T)p^3$$

$$Z = 1 + \frac{B(T)}{\bar{V}} + \frac{C(T)}{\bar{V}^2} + \frac{D(T)}{\bar{V}^3}$$

$$B' = \frac{B}{RT} \quad C' = \frac{C - B^2}{R^2 T^2} \quad D' = \frac{D - 3BC - 2B^3}{R^3 T^3}$$

$$B' = \frac{\cancel{\text{L/mol}}}{\frac{\cancel{\text{atm}} \cancel{\text{K}}}{\cancel{\text{mol}} \cancel{\text{K}}}} = \text{atm}^{-1}$$

$$C' = \text{atm}^{-2} \quad D' = \text{atm}^{-3}$$

$$\begin{aligned}
 Z &= 1 + B'(T)P + C'(T)P^2 + D'(T)P^3 \\
 &= 1 + \frac{1}{\text{atm}} (\text{atm}) + \frac{1}{\text{atm}^2} \text{atm}^2 + \frac{1}{\text{atm}^3} \text{atm}^3 \\
 &= \text{a dimensional}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 Z &= 1 + \frac{B(T)}{\bar{V}} + \frac{C(T)}{\bar{V}^2} + \frac{D(T)}{\bar{V}^3} \\
 &1 + \frac{\text{L/mol}}{\text{L/mol}} + \frac{(\text{L/mol})^2}{(\text{L/mol})^2} + \frac{(\text{L/mol})^3}{(\text{L/mol})^3}
 \end{aligned}$$

Calcular a y b de un gas real. a 0°C
 si la $T_B = 107\text{ K}$ • $Z_f = 1.00054$
 $p = 1\text{ atm}$.

$$Z = 1 + \frac{1}{RT} \left[b - \frac{a}{RT} \right] P$$

$$T_B = \frac{a}{bR} \quad a = T_B bR$$

$$Z = 1 + \frac{1}{RT} \left[b - \frac{T_B bR}{RT} \right] P$$

$$1.00054 = 1 + \frac{1}{RT} \left[b - \frac{T_B b}{T} \right] P$$

$$1.00054 = 1 + \frac{1}{\left(\frac{0.082 \text{ atmL}}{\text{molK}} \right) (273.15\text{K})} \left[b - \frac{107\text{K} b}{273.15\text{K}} \right] \text{atm}$$

$$b = \frac{L}{\text{mol}} = \frac{0.01988 L}{\text{mol}}$$

$$a = T_B b R = (107\text{K}) \left(\frac{0.01988 L}{\text{mol}} \right) \left(\frac{0.082 \text{ atmL}}{\text{molK}} \right) = 0.1744 \frac{\text{atm}^2}{\text{mol}^2}$$

Propiedades Fisicoquímicas de sustancias		
Nombre	neón	
Masa Molar	20.183	g/mol
Temperatura Crítica	44.400	K
Presion Crítica	27.200	atm
Volumen Crítico	0.0417	L/mol
Punto ebullición	27.000	K
Punto de fusión	24.500	K
Cp (cal/mol K)	0.000e+0	a
Cp=a+bT+cT²+dT³	0.000e+0	b
(300-2500)K	0.000e+0	c
	0.000e+0	d
Constantes de Antonio	14.0099	A
LN(p)=A-(B/(T+C))	180.4700	B
T=K	-2.6100	C
p=mmHg		



Dr. Juan Carlos Vázquez Lira 2020
 Con apoyo del programa UNAM-DGAPA-PAPIME
 PE-200419



Obtención de a y b

Obtención de a y b de Van der Waals

Modelo

$$P = \frac{RT}{(\bar{V}-b)} - \left[\frac{a}{\bar{V}^2} \right]$$

R (atmL/molK)

0.082

Modelo

$$a = 3pc\bar{V}_c^2 \quad b = \frac{\bar{V}_c}{3}$$

a	atmL ² /mol ²	0.14189
b	L/mol	0.01390



Independiente de volumen crítico

Modelo

$$a = \frac{27R^2T_c^2}{64pc} \quad b = \frac{RT_c}{8pc}$$

a	atmL ² /mol ²	0.20559
b	L/mol	0.01673

Dr. Juan Carlos Vázquez Lira 2020
 Con apoyo del programa UNAM-DGAPA-PAPIME
 PE-200419

$$Z = 1 + \frac{1}{RT} \left[b - \frac{a}{RT} \right] P$$

$$T = 107 \quad Z = 1$$

$$T = 273.15 \quad Z = 1.00054$$

$$T = 53 \text{ K}$$

$$Z < 1$$